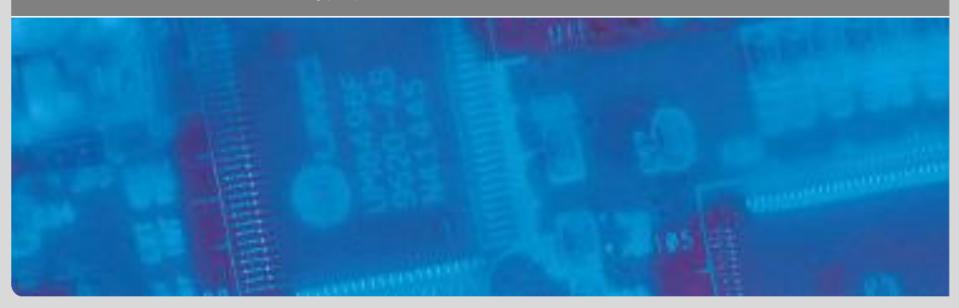




#### Biomedizinische Messtechnik I

**Prof. Wilhelm Stork** 

Institut für Technik der Informationsverarbeitung (ITIV)

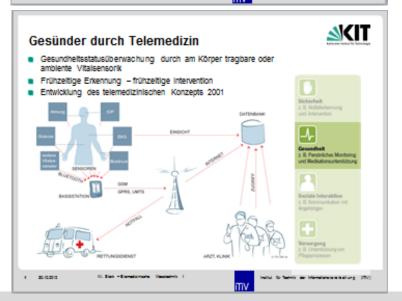


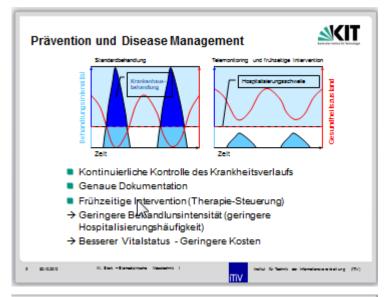
# Wiederholung:

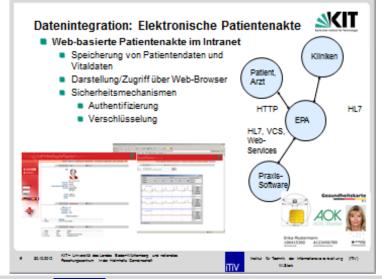
#### Wir brauchen mehr IT im Gesundheitswesen!



# Welche Potentiale besitzen Informationstechnologien, um die Qualität in der Versorgung ins besondere älterer Menschen zu steigern und gleichzeitig Kosten zu senken? Der Einsatz der Informationstechnik war in den vergangenen 30 Jahren der wichtigste Treiber für die enormen Produktivitätssteigerungen dieser Zeit. Der Einsatz der Informationstechnik in Medizin und Pflege hinkt der in anderen Branchen um mehr als 10 Jahre hinterher.



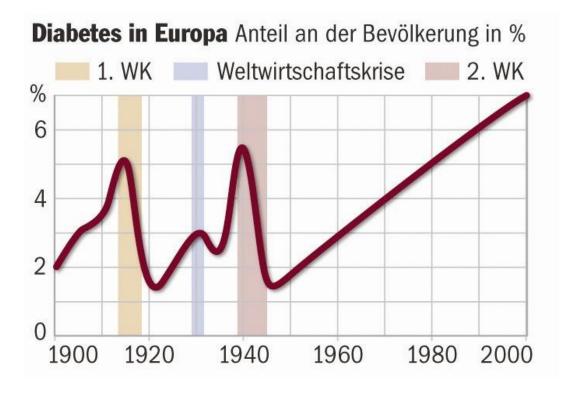






#### Verbesserung der Effizienz im Gesundheitswesen ist nicht nur eine Frage für die Profis, sondern vor allem auch eine für unsere Selbstverantwortung





Energiereiches Nahrungsangebot führt zu Übergewicht (Limonade)

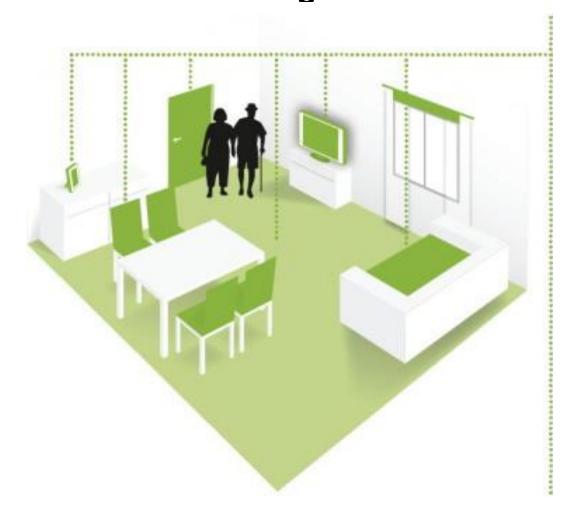


- Diabetes
- Herz-Kreislauf Erkrankungen



# Technischer Lösungsansatz für ein langes selbstständiges Leben im Alter: Ambient Assisted Living







#### Sicherheit

z. B. Notfallerkennung und -Intervention



#### Gesundheit

z. B. Persönliches Monitoring und Medikationsunterstützung



#### Soziale Interaktion

z. B. Kommunikation mit Angehörigen



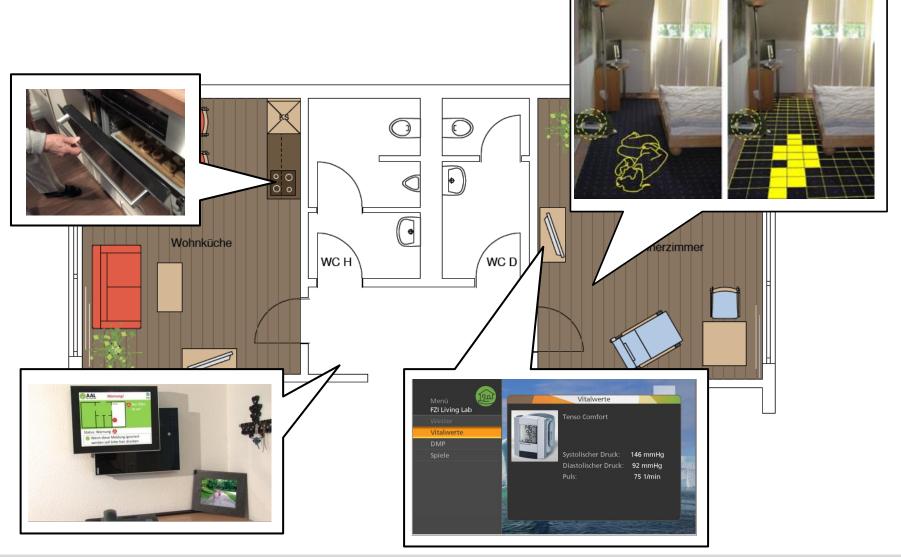
#### Versorgung

z. B. Unterstützung von Pflegeprozessen



# **Living Lab für Smart Home**







# **Tagesthemen 4.10.2012**





# Die rollende Ausstellung und ein Web Portal n Informationen über aktuelle verfügbare Unterstützungstechnologien











## **Außenansicht**





## **Innenansicht**

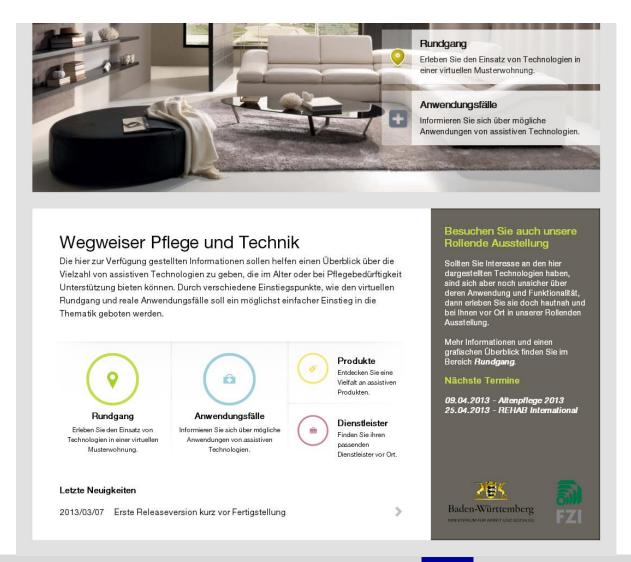




#### Portal: Wegweiser Pflege und Technik

(http://www.wegweiserpflegeundtechnik.de/index.php/Hauptseite)







Aus der Forschung ins Produkt.

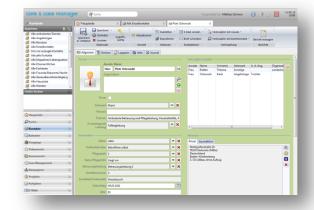
**Success Story CareCM** 



2007 - 2010

#### Projekt VitaBIT (BMWi)

Plattform f
ür die vernetzte Pflege



2011 -

#### Gründung Spin-Off nubedian GmbH

Vermarktung von CareCM als Produkt





2009 - 2012

#### Projekt easyCare (BMBF)

- Unterstützung für pflegende Angehörige
- Software f
  ür Care & Case Management





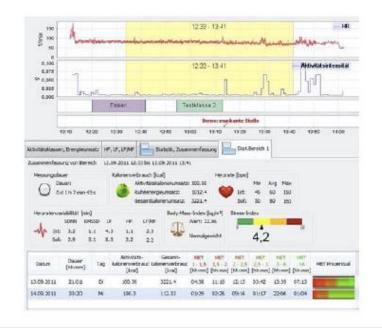


# **Stress Management**

Karlsruher Institut für Technologie

- Sensor Gürtel und Software für die Stressmessung und elektronisches Gesundheitsmanagement s
- Mittlerweile Produkt eines KIT Startups



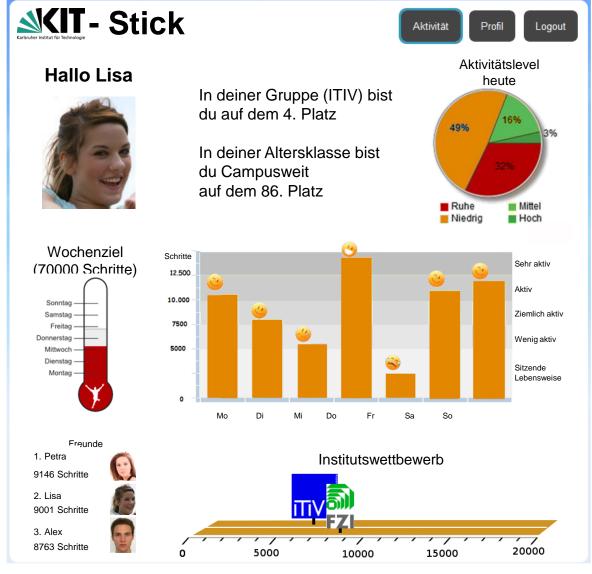




# Kit-Stick: Nutzung sozialer Netze für Fitness und Gesundheit









# Technische Unterstützung zum längeren Verbleib in der eigen Wohnung: Maid



- Intelligenter Rollator
- Aktive Gehhilfe
- Aktive Aufstehhilfe
- Autonomer Modus
- Innenraumnavigation
- Messung physiologischer Parameter
- Altersgerechtes User-Interface
- Kommunikationsplattform

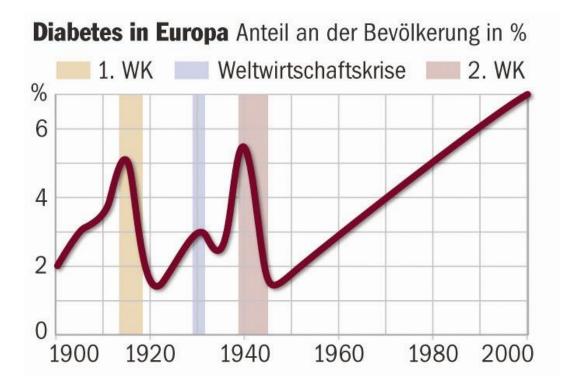






#### Verbesserung der Effizienz im Gesundheitswesen ist nicht nur eine Frage für die Profis, sondern vor allem auch eine für unsere Selbstverantwortung





Energiereiches Nahrungsangebot führt zu Übergewicht (Limonade)



- Diabetes
- Herz-Kreislauf Erkrankungen



#### Messtechnik



- Der Philosoph Plato ( 427 347 v. Chr.):
- "Das beste Mittel gegen Sinnestäuschungen ist das Messen, Zählen und Wägen. Dadurch wird die Herrschaft der Sinne über uns beseitigt. Wir richten uns nicht mehr nach dem sinnlichen Eindruck der Größe, der Zahl, des Gewichts der Gegenstände, sondern berechnen, messen und wägen sie. Und das ist Sache der Denkkraft, Sache des Geistes in uns".
- Die medizinische Messtechnik, in unserem Fall die von Biosignalen des menschlichen K\u00f6rpers, befasst sich mit der Erfassung von Signalen die am menschlichen K\u00f6rper detektiert und gemessen werden k\u00f6nnen. Die Analyse dieser Signale wird zur Unterst\u00fctzung von Diagnose und Therapie des menschlichen K\u00f6rpers verwendet. Biosignale sind physikalische, zeitabh\u00e4ngige Gr\u00f6\u00dcen, deren Verlauf, Verhalten und Struktur eine Aussage \u00fcber die Funktion und Eigenschaften einzelner Organe erlaubt.

#### Medizintechnik



- Medizintechnik, auch biomedizinische Technik genannt, ist die Anwendung von ingenieurwissenschaftlichen Prinzipien und Regeln auf dem Gebiet der Medizin. Sie kombiniert Kenntnisse aus dem Bereich der Technik, besonders dem Lösen von Problemen und der Entwicklung, mit der medizinischen Sachkenntnis der Ärzte, der Pflegefachleute und anderer Berufe, um die Diagnostik, Therapie, Krankenpflege, Rehabilitation und Lebensqualität gesunder Einzelpersonen zu verbessern (Wikipedia).
- Gesetzesrahmen: Zur Abgrenzung kann beispielsweise das deutsche Medizinproduktegesetz (MPG) dienen: Medizintechnik erzeugt Geräte, Produkte und technische Verfahren, welche Medizinprodukte sind. Diese Definition reicht von einfachen Verbandsmaterialien bis zu medizinischen Großgeräten und vollständigen Anlagen.
- Medizinprodukt hilft bei der Erkennung, Verhütung, Überwachung, Behandlung oder Linderung von Krankheiten;



## Beispiel für Medizinprodukte

Dialysemaschine, Herz-Lungen-Maschine

Intraokulare Linse, Herz-Schrittmacher

Blutdruckmessgerät, EKG









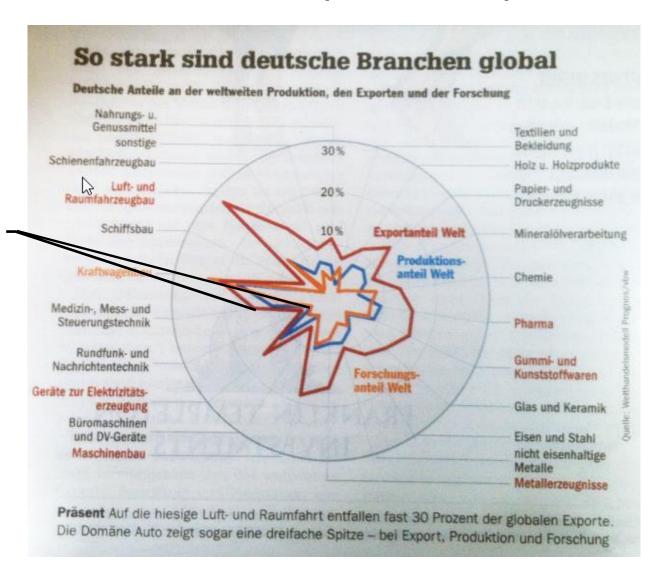






# Deutsche Branchenstärken (Focus 2012)





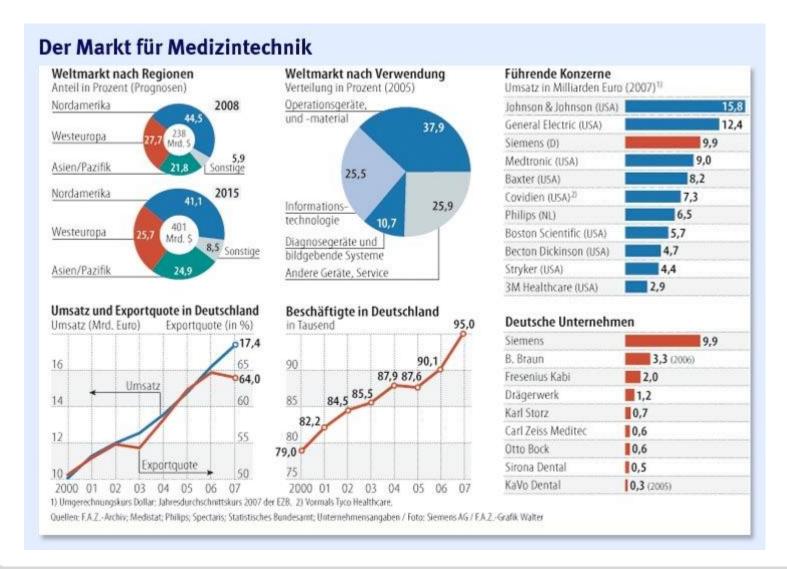


Medizin-

technik

#### Markt der Medizintechnik







# Vergleich zu anderen Branchen



Deutsche Exporte insgesamt ca. 1700 Mrd. US-\$

<b>₽</b>	Welthandels- anteile
Forschungsintensive Erzeugnisse insg.	11,8
nach FuE-Intensität	
Spitzentechnologien	7,1
Hochwertige Technik	14,4
nach Produktgruppen	
Chemische Erzeugnisse	9,6
Pharmazeutische Erzeugnisse	14,8
Maschinenbauerzeugnisse	15,9
Büromaschinen, DV-Geräte	3,9
Elektrotechnische Erzeugnisse	12,6
Nachrichtentechnische Erzeugnisse	3,6
Medizin-, Mess-, Steuer-, Regeltechnik, Optik	11,4
Kraftfahrzeuge, -motoren sowie Zubehör	20,1
Luft- und Raumfahrzeuge	20,9

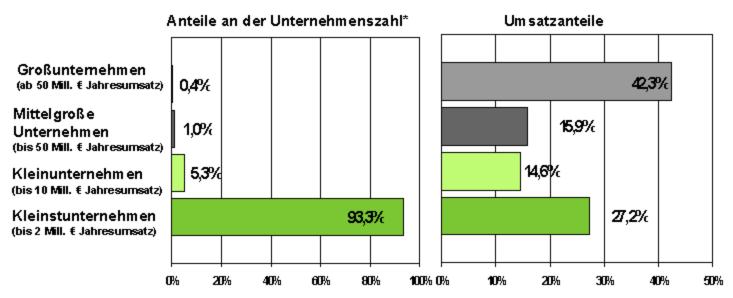






#### Deutsche Medizintechnik: Der Mittelstand dominiert

🗍 🕨 lm internationalen Vergleich eher geringe Betriebsgrößen



<sup>\*</sup>EU-Größenklassendefinition

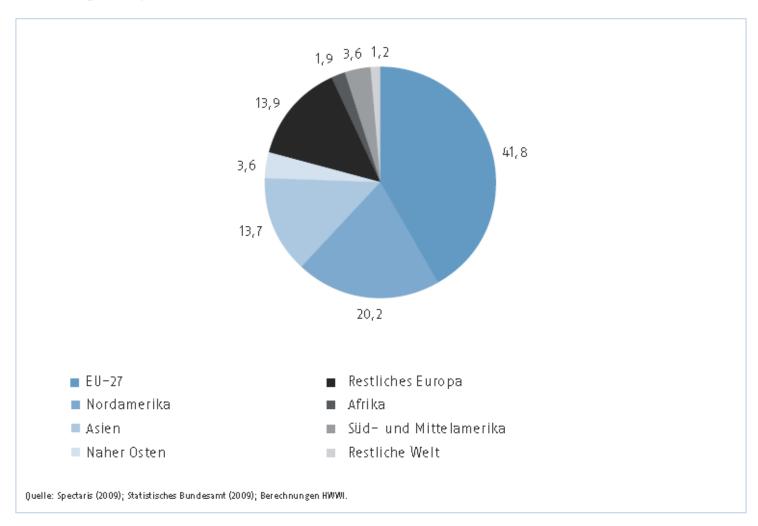
Quellen: Statistisches Bundesamt, eigene Recherchen.



# **Exportmärkte**



Abbildung 2: Exportmärkte der deutschen Medizintechnik in %, 2008



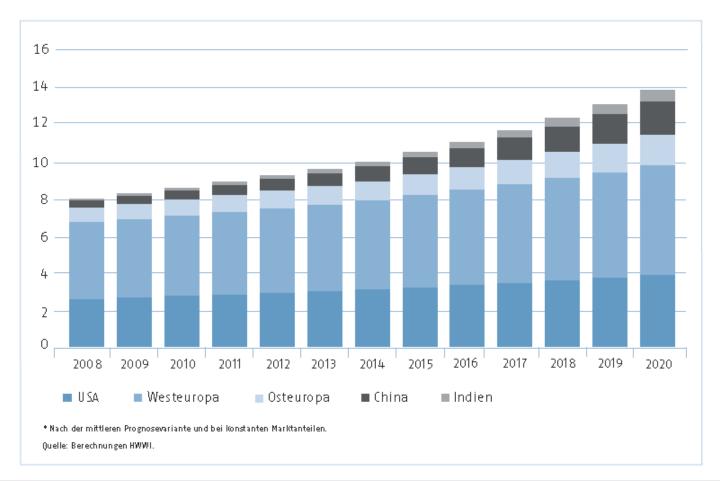




#### Prognose Medizintechnik: Gleichbleibendes Wachstum

#### Job-Chancen sind also nicht schlecht

Abbildung 16: Prognose der Absatzentwicklung, real in Mrd. Euro\*





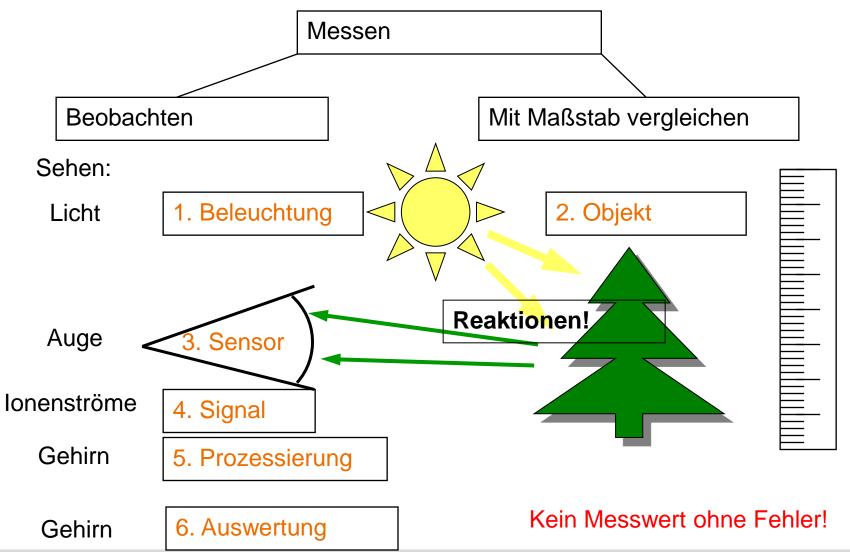


# KAPITEL 2: MESSEN UND MESSGRÖßEN



# Grundlagen Messen





#### Messen: Historischer Rückblick



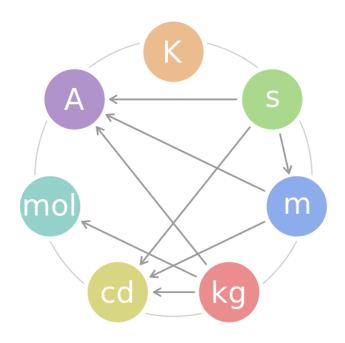
- 1799 Schaffung des Urkilogramm und des Urmeter aus Platin, Aufbewahrung der Urnormale im "Archive de la Rèpublique" in Paris.
- 1830 Gauß und Weber definieren "absolute elektrische Einheiten" über die Grundgrößen des CGS-Systems (Zentimeter, Gramm, Sekunde).
- 1889 Die erste Generalkonferenz für Maß und Gewicht schafft Ausführungen der Prototypen für Meter und Kilogramm, die an die Mitgliedstaaten verteilt werden.
- 1893 Die Einheiten V, A und Ω werden durch empirische Normale dargestellt (Silbervoltmeter, Quecksilbernormal). Sie werden als "praktische" Einheiten bezeichnet.
- 1948 Internationale Einführung des MKSA-Systems mit den Grundeinheiten Meter, Kilogramm, Sekunde, Ampere. Die elektrischen Einheiten werden kohärent an die mechanischen Einheiten angeschlossen.
- 1960 Festlegung des "Internationalen Einheitensystems" SI (Système International d` Unites) durch die elfte Generalkonferenz für Maß und Gewicht.
- 1969 Das SI-System wird in Deutschland als verbindlich für den geschäftlichen und amtlichen Verkehr erklärt.



# SI System



#### 1960: Intern. Einheitensystem (SI) für 7 Basisgrößen mit Basiseinheit



Die SI-Basiseinheiten und deren gegenseitige Abhängigkeiten durch die im Jahr 2012 gültigen Definitionen Länge m Masse kg Zeit s

Stromstärke Ampere Temperatur Kelvin Stoffmenge (1971) mol Lichtstärke Candela

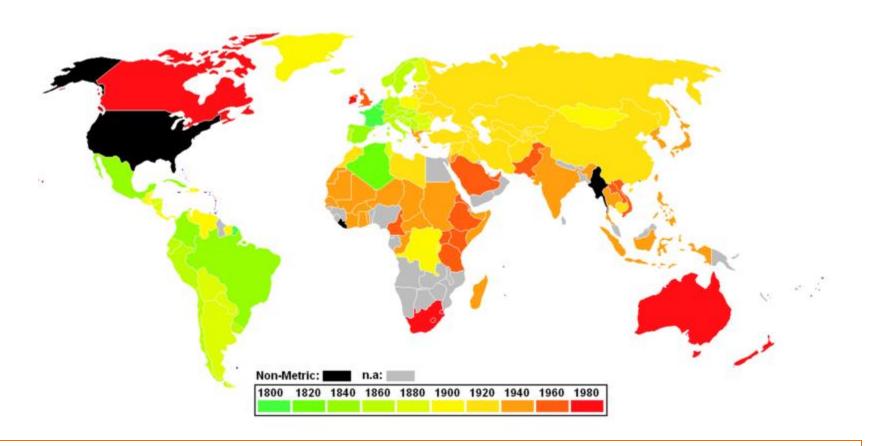
#### vgl. Angloamerikanisches Maßsystem "Imperiales System" (1824/1959)

1978: Metrifizierung von UK, Kanada "symbolisch", rechtliche Durchsetzung angestrebt bis 2009 (unrealistisch!)



# Einführung des metrischen Systems





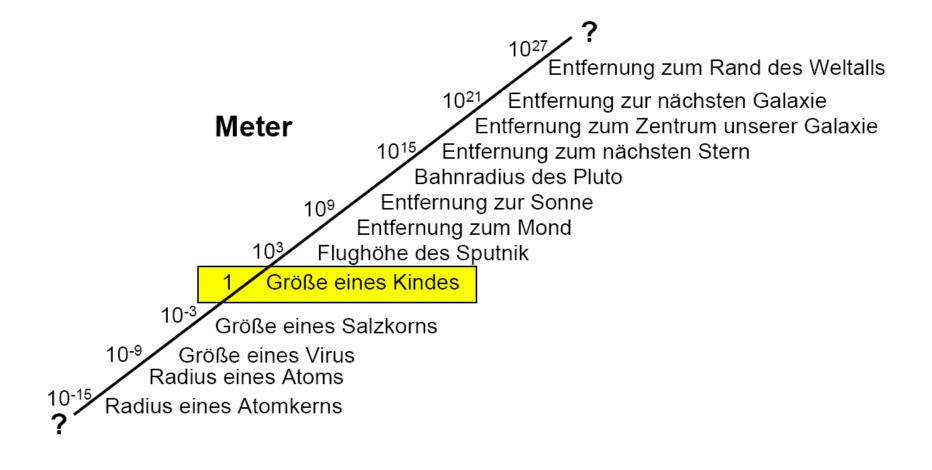
24. September 1999:

Totalverlust der Mars-Sonde MARS CLIMATE ORBITER
Softwareupdate (Lockhead Martin) mit "Pound Force" statt mit Newton!!!



# Länge: Meter





#### **Aktuelle Definition des Meters**



Basisgröße Länge mit Basiseinheit ein Meter (1m):

1983: Die Strecke  $x = t_s \cdot c$ , die Licht in  $t_s = 1/299792458$  s durchläuft, mit Definition: c = 299792458 m/s

⇒ Das Meter ist auf Naturkonstante und Zeitmessung zurückgeführt.

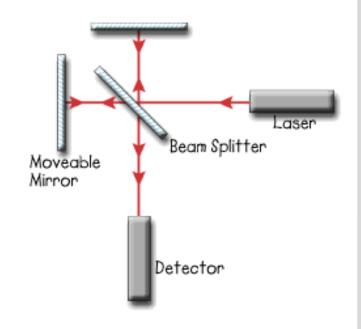
<u>Längenkalibration mit Interferometer:</u>
(He-Ne-) Lasers mit sehr stabiler Frequenz **f** 

$$\lambda = \frac{C}{f}$$

Zählen der Interferenzmaxima *m*-ter Ordnung:

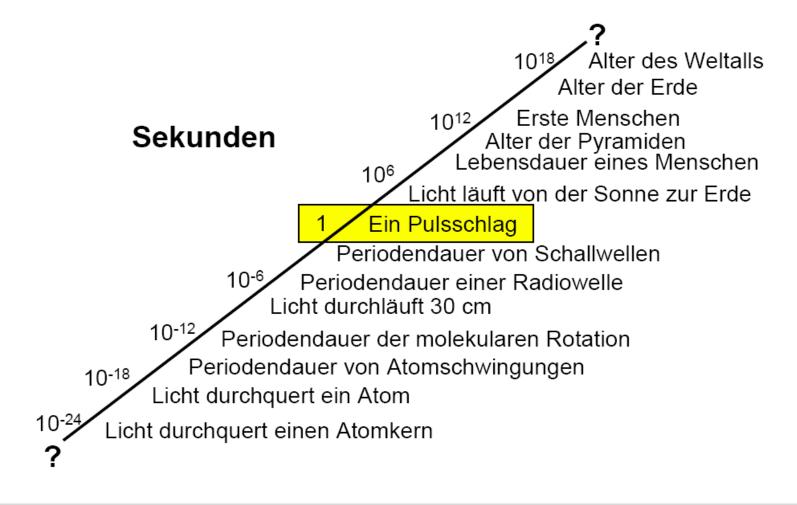
$$I=m\cdot\frac{\lambda}{2}$$

⇒ Unsicherheit < 10<sup>-10</sup> m



#### Zeit: Sekunde





#### **Basiseinheit Sekunde**



- Dauer eines Herzschlags
- 1893: Reichssekunde: 86400-te Teil des mittleren Sonnentags  $\frac{1}{24.60.60} = \frac{1}{86400}$
- 1956: Ephemeridensekunde:(Positionstabellen Planeten)
   1/ (3,15569259747 · 10<sup>7</sup>) eines tropischen Sonnenjahres
- 1967: Atomsekunde:
   9,192631770 · 10<sup>9</sup> fache der Periodendauer des atomaren Übergangs der beiden Grundzustands-Hyperfeinübergänge

des <sup>133</sup>Cs-Isotops

Frequenzmessung ist die genaueste Messgröße:

- ⇒rel. Gesamtfehler der Messung der Cs-Atomuhr (PTB): ± 1,5- 10<sup>-14</sup>
- ⇒weniger als 1 µs in einem Jahr
- ⇒ Zeitmessung (und damit auch Längenmessung) zurückgeführt auf atomare Größe, gegeben nur durch Naturkonstanten!



# Masse: Kilogramm



<u>1889:</u> Ein Kilogramm ist die Masse des internationalen Kilogramm Prototyps ("Ur-Kilogramm" in Paris, Platin-Normale)

⇒ Problem: Masse des Körpers ändert sich über die Jahre Falls der Körper vernichtet wird ⇒ Definition unsinnig



Zukunft: Silizium-Kugel aus <sup>28</sup>Si

⇒ Gitterabstände genau bestimmen mittels Röntgen (Längenmessung)

⇒ Durchmesser mittels Fizeau-Interferometer (nm-Genauigkeit bei ~10cm Durchmesser)

Ziel: Einheiten zurückführen auf Naturkonstanten

- ⇒ Masse zurückführen auf atomare Masse.von <sup>28</sup>Si bzw <sup>12</sup>C
- ⇒ Verknüpfung mit Basisgröße Stoffmenge (1 mol)
- 1 mol Atome durch Ionenstrom und Atome sammeln

Also N<sub>A</sub> <sup>12</sup>C sammeln ⇒ 12 g

Messgenauigkeit bestimmt Definition der Basiseinheit



# Stromstärke: Ampere



- Stromstärke: 1A
- Die Stromstärke 1 A ist definiert durch eine Kraft von 2·10<sup>-7</sup> N, die zwischen zwei Drähten der Länge L wirkt, die sich in einem Abstand von 1 m befinden und von 1 A Stromstärke durchflossen werden.

$$\frac{F}{L} = \mu_0 \frac{I^2}{2\pi r} \Rightarrow \mu_0 = \frac{F}{L} \cdot \frac{2\pi r}{I^2} = \frac{2 \cdot 10^{-7} \, \text{N} \cdot 2\pi \cdot 1m}{1m \cdot 1A^2} = 4\pi \cdot 10^{-7} \, \frac{N}{A^2}$$

- $\Rightarrow \mu_0$  wird durch die SI-Definition festgelegt (ohne Fehler!)
- $\Rightarrow$  ε<sub>0</sub> wird festgelegt mit  $ε_0 = \frac{c^2}{\mu_0}$
- In Realität: Stromwaage: Kraft auf eine Spule, die in einer andere Spule versenkt ist:

# Weitere Basisgrößen



#### **Temperatur:**

Die Temperatur 1 K ist der 1/273,15 Teil des Tripelpunktes von Wasser (Koexistenz von gasförmig, flüssig und fest) Isotopenzusammensetzung von Wasser exakt definiert!

#### Stoffmenge: 1 mol

Das Mol ist die Stoffmenge eines Systems, das aus ebenso viel Einzelteilchen besteht, wie Atome in 0,012 Kilogramm des Kohlenstoffnuklids <sup>12</sup>C enthalten sind. Bei Benutzung des Mol müssen die Einzelteilchen spezifiziert sein und können Atome, Moleküle, Ionen, Elektronen sowie andere Teilchen oder Gruppen solcher Teilchen genau angegebener Zusammensetzung sein.



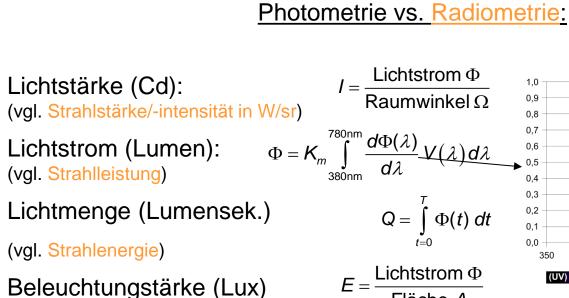
### Weitere Basisgrößen

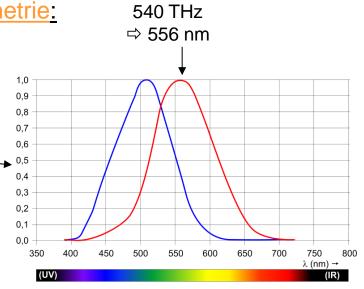


#### Lichtstärke Candela Cd: (Lichtstrom pro Raumwinkel)

Die Candela ist die Lichtstärke in einer bestimmten Richtung einer Strahlungsquelle, die monochromatische Strahlung der Frequenz 540 · 10<sup>12</sup> Hz aussendet und deren Strahlstärke in dieser Richtung 1/683 W/sr beträgt.

Fläche A





Tagsehen:  $K_m = 683 \text{ Lumen/W}$ Nachtsehen:  $K_m = 1699 \text{ Lumen/W}$ 

Leuchtdichte (Cd/m<sup>2</sup>):  $L = \frac{\text{Eioniotania}}{\text{Fläche } A \cdot \cos(\text{Winkel } \varepsilon)}$ 

# **Abgeleitet SI-Einheiten**



Größe	ZeichenEinheit	neit Einheitenbezeichnung und Beziehung		
Leistung	P	Watt	$1 \text{ W} = 1 \text{ VA} = 1 \text{ m}^2 \text{kg/s}^3$	
el. Spannung	U	Volt	$1 \text{ V} = 1 \text{ W/A} = 1 \text{ kg m}^2/(\text{As}^3)$	
el. Widerstand	R	Ohm	$1 \Omega = 1 \text{ V/A} = 1 \text{ kg m}^2/(\text{A}^2 \text{ s}^3)$	
Arbeit	W	Joule	$1 J = 1 Nm = 1 VAs = 1 kg m^2/s^2$	
Kraft	F	Newton	$1 N = 1 kg m/s^2$	
Druck	P	Pascal	$1 \text{ Pa} = 1 \text{ N/m}^2 = 1 \text{ kg/(s}^2 \text{ m)}$	
Frequenz	f	Hertz	1  Hz = 1/s	
el. Kapazität	C	Farad	$1 \text{ F} = 1 \text{ As/V} = 1 \text{ A}^2 \text{ s}^4/(\text{kg m}^2)$	
Induktivität	L	Henry	$1 H = 1 Vs/A = 1 kg m^2/(A^2 s^2)$	
Ladung	Q	Coulomb	1 C = 1 As	
el. Flußdichte	D	$C/m^2$	$1 \text{ C/m}^2 = 1 \text{ As/m}^2$	

### Normung und Standardisierung



- Die für die Messtechnik grundlegende Norm ist in Deutschland die DIN 1319. Dabei werden festgelegt:
  - Teil 1: Grundbegriffe (1/1995)
  - Teil 2: Begriffe für Messmittel (10/2005)
  - Teil 3: Auswertung von Messungen einer einzelnen Messgröße; Messunsicherheit (5/1996)
  - Teil 4: Auswertung von Messungen; Messunsicherheit (2/1999)
- Weitere wichtige Normen:
  - DIN 43751 Digitale Messgeräte zur Messung von analogen, digitalen und zeitbezogenen Größen
  - DIN 43790 Gestaltung von Strichskalen und Zeigern
  - DIN EN 60051 Direkt wirkende anzeigende elektrische Messgeräte mit Skalenanzeige und ihr Zubehör
  - DIN EN 60584 Thermopaare
  - DIN EN 60617, EN 60617-8 Graphische Symbole für Schaltpläne, Schaltzeichen für Mess-, Meldeund
  - DIN EN 61010 Sicherheitsbestimmungen für elektrische Mess-, Steuer-, Regel- und Laborgeräte
  - DIN EN 61028 Elektrische Messgeräte; X-Y-Schreiber
  - DIN EN 61143 Elektrische Messgeräte; X-t-Schreiber
  - DIN IEC 60625 Schnittstellen für programmierbare Messgeräte
  - u.v.m.



# Sensoren: Umwandlung physikalischer Signale in elektrische Signale



#### Temperaturmessung:

Thermoelement, Widerstandsthermometer, Thermistor, pn-Übergang...

#### Strahlungsmessung:

Photowiderstand, Photodiode, Photomultiplier, Zählrohr...

#### Kraft- bzw. Druckmessung:

Dehnmeßstreifen, piezoelektrische Sensoren, Pirani-Zelle, Ionisationsmanometer...

#### Magnetfeldmessung:

Hallelement, GMR-Sensor, Feldplatte... usw. usf.





## Physikalische Messwandler



nach: von:	Strahlungse nergie	Mechanische Energie	Thermische Energie	Elektrische Energie	Magnetische Energie	Chemische Energie
Strahlungs Energie	Optisches Filter	Golay Zelldetektor	Sonnen- strahlungs- messer	Solarzelle		Photographi- scher Prozess
Mechanische Energie	Feuerstein	Getriebe	Reibung	Elektrischer Generator		
Thermische Energie	Themperatur empfindliche LCD	Bimetall	Wärmetausc her	Thermoelem ent		
Elektrische Energie	LED	Laut- sprecher	Kühl- aggregat	MOSFET	Spule	Batterie
Magnetische Energie	Magneto- optische Modulation	Magnetische Kupplung	Adiabatische Entmagnetis ierung	Hall- Generator	Magneti- scher Kreis	
Chemische Energie	Kerze	Explosions- motor	Gaskocher	pH Messzelle		Chemische Reaktion

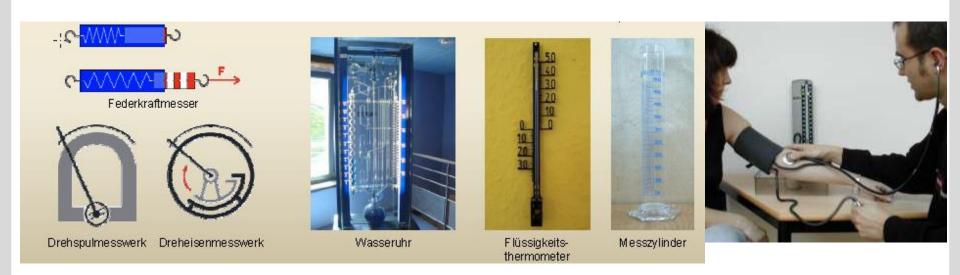


### **Analoge Messung**



- Sprachlich: analog = entsprechend
- Darstellung des Messwertes durch ein Analogon (Zwischengröße), dessen Wert leicht ablesbar ist.
- **DIN 1319-2:** Messmethode, bei welcher der Messwert durch stufenlose Verarbeitung des Mess-Signals ermittelt wird.

  Verlangt aber Linearität des Zusammenhangs der Form: Analogon ~ Messgröße
- **z.B:**  $F \sim x$ ;  $I \sim \alpha$ ;  $t \sim h$ ;  $\theta \sim \Delta h$ ;  $V \sim \Delta h$ ;  $v \sim \alpha$
- Probleme: Nichtlinearität? Offset (Nullpunktabweichung)? Messgeschwindigkeit?





#### Kennwerte analoger Messgeräte

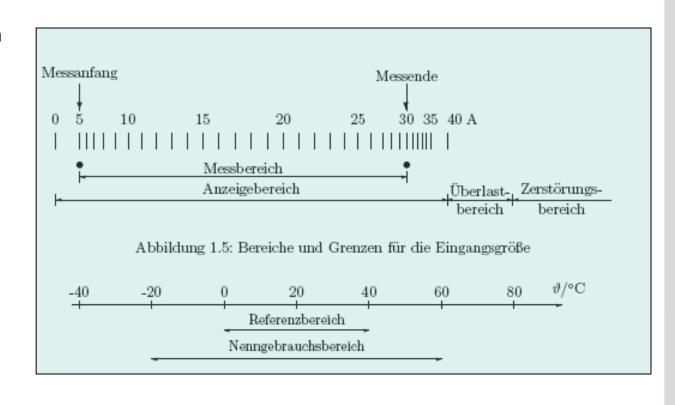


- Statische Empfindlichkeit E
- Skalenfaktor S
- Ansprechschwelle
- Auflösung
- Bereiche und Grenzen

S=1/E

Bsp.:

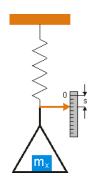
E= 100SKT/30V=3,3SKT/V S=0,3V/SKT



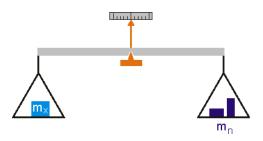
#### Vergleichsmethoden



- Ausschlagverfahren
  - Die Messgröße steuert die Ausgangsgröße
  - Energie kommt von der Messgröße
  - Hohe Rückwirkung



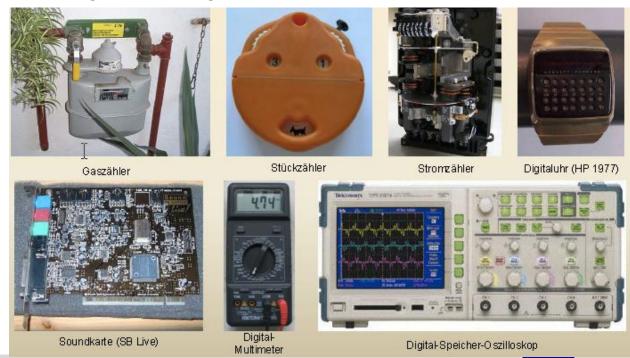
- Kompensationsverfahren
  - Energie kommt von der Hilfsquelle
  - Rückwirkung wird minimiert

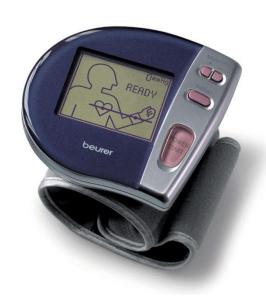


### Digitale Messung und Verfahren



- Sprachlich: digit(us) = Finger/Ziffer Darstellung des Messwertes direkt in Ziffernform.
- **DIN 1319-2:** Messmethode, bei welcher der Messwert durch stufenweise Verarbeitung des Mess-Signals ermittelt wird.
- Probleme auch hier: Nichtlinearität? Offset (Nullpunktabweichung)? Messgeschwindigkeit?

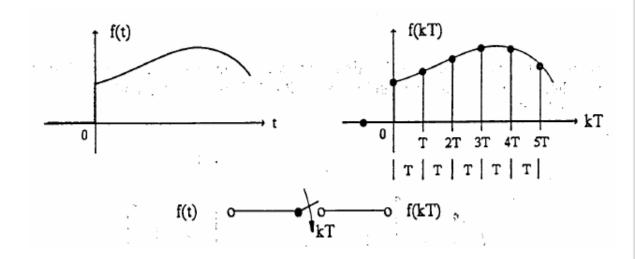




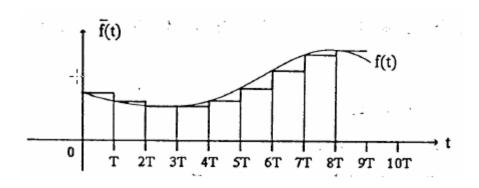
### Signalabtastung und -quantisierung



Zeitdiskret

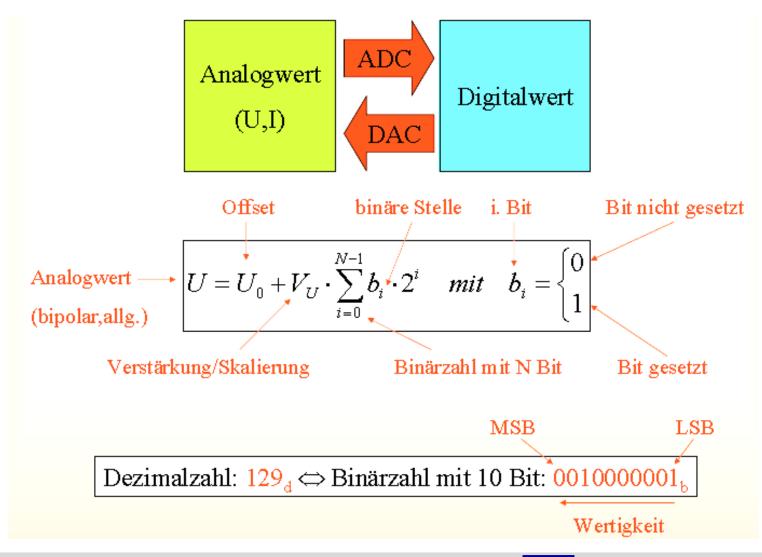


Wertdiskret



### Signaldigitalisierung

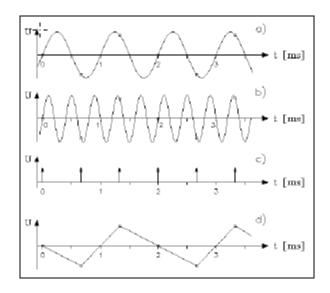




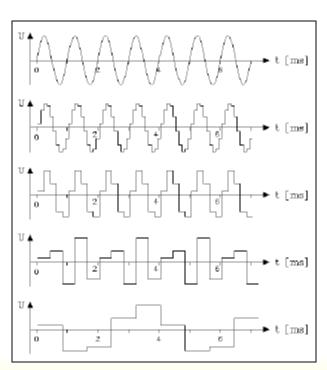
### **Abtasttheorem: Nyquist-Shannon**



 Abtastfrequenz muss größer als die doppelte der im Signal enthaltenen Maximalfrequenz sein



"undersampling"

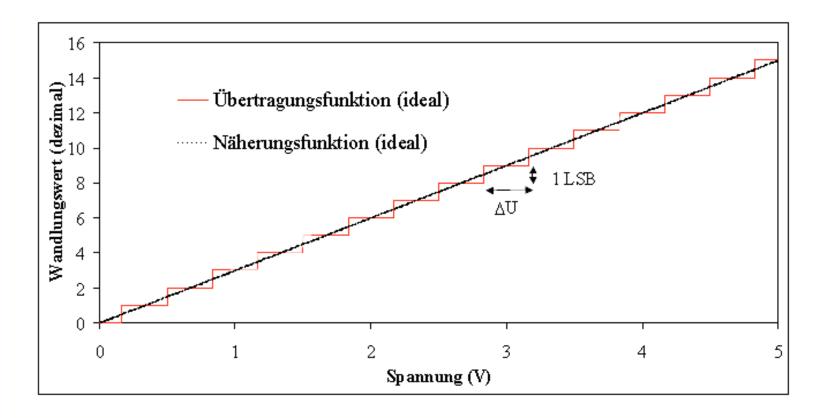


**Nykvist-Theorem:** Falls ein Signal keine Frequenzkomponenten oberhalb einer Frequenz  $f_{max}$  beinhaltet, kann dieses Signal durch Abtastwerte mit einer Frequenz von  $>2 \cdot f_{max}$  eindeutig wiedergegeben werden.



### Signalquantisierung: Quantisierungsfehler





Quantisierungs- bzw. Diskretisierungsfehler: ± ½ LSB

Spannungsfehler:  $\pm \frac{1}{2} \Delta U$ 

(von der Auflösung des Wandlers abhängig, nimmt mit wachsender Auflösung ab)



#### **Exkurs: Dezibel 1**



#### Bemerkung:

Dezibel/Bel ist KEINE Einheit, sondern eine "Rechenvorschrift" für Pegel-Verhältnisse von Leistungen (P) oder Spannungen (U):

Leistung:  $1dB = 10 \log (P/P_0)$ 

Umrechnung 
$$\frac{P}{P_0} = 10^{\frac{dB-Wert}{10}}$$

$$\frac{P}{P_0} = 10^{\frac{dB-Wert}{10}}$$

$$\frac{P}{P_0} = \left\langle 10 \log \frac{P}{P_0} \right\rangle dB$$

Spannung:  $1dB = 20 \log (U/U_0)$ 

Umrechnung 
$$\frac{U}{U_0} = 10^{\frac{dB-Wert}{20}}$$

$$\frac{U}{U_0} = \left\langle 20 \log \frac{U}{U_0} \right\rangle dB$$

#### BezugsPegel:

$$P = \left\langle 10 \log \frac{P}{1 \text{mW}} \right\rangle dB_{\text{m}}$$

$$U = \left\langle 20 \log \frac{U}{1 \text{V}} \right\rangle dB_{\text{V}}$$

$$dB_U \Rightarrow Bezug \sqrt{600\Omega \cdot 0,001W} \approx 0,77 V$$

Schallleistungspegel dBA ⇒ 10<sup>-12</sup> W

Schalldruckpegel dBA ⇒ 2·10<sup>-5</sup>Pa

#### **Exkurs: Dezibel 2**



Man spricht von ...dB Dämpfung oder Verstärkung Z.B. **3 dB-Dämpfung** bedeutet:

#### Leistungspegel:

$$-3 = 10 \log \frac{P}{P_0} \qquad \text{"Dämpfung"} = \text{Abfall} \Rightarrow \text{Negativ!}$$

$$\frac{-3}{10} = \log \frac{P}{P_0}$$

$$10^{-\frac{3}{10}} = \frac{P}{P_0}$$

$$P = \sqrt{10^{-\frac{3}{10}}} P_0 \rightarrow P \approx 0.5 P_0$$

$$\text{mit } P \propto U^2 \text{ folgt :}$$

$$U^2 \approx 0.5 U^2 \rightarrow U \approx \frac{1}{\sqrt{2}} U_0$$

$$3dB \text{ Däm Hälfte, Sp.}$$

#### Spannungspegel:

$$-3 = 20\log\frac{U}{U_0}$$

$$\frac{-3}{20} = \log\frac{U}{U_0}$$

$$10^{-\frac{3}{20}} = \frac{U}{U_0}$$

$$U = 10^{-\frac{3}{20}}U_0 \to U \approx \frac{1}{\sqrt{2}}U_0$$

3dB Dämpung  $\Rightarrow$  Leistungsabfall auf die Hälfte, Spannungsabfall auf  $1/\sqrt{2}$ 

(6dB Dämpung ⇒ Spannungsabfall auf die Hälfte)

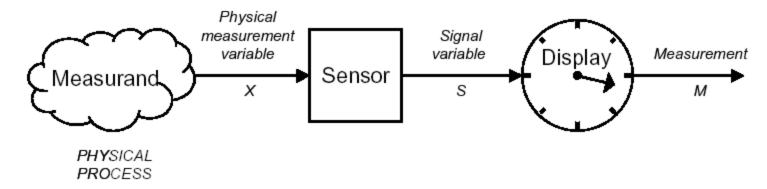
# Genauigkeitsklassen



	Betriebsmessgerät	Labormessgerät	Präzisionsmessgerät
Analog	± 1,5%	± 0,5%	± 0,1%
Digital	± 1%	± 0,1%	± 0,001%

### Begriffe: Messung, Genauigkeit, Messfehler





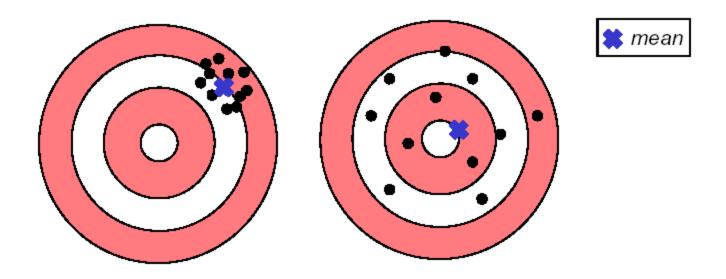
- Messung: Vergleich einer unbekannten Größe mit einer Standardgröße der selben Signalform
- Messfehler: Abweichung der Messwerts M vom wahren Wert X
- Absoluter Fehler: AE = M X
- Relativer Fehler: RE = AE / X
- Auflösung: minimale Änderung dX, welche eine Änderung des Messwerts M verursacht



### Begriffe: Präzision und Genauigkeit



- Genauigkeit: Fähigkeit, Messwerte mit geringer Abweichung vom wahren Wert zu produzieren
   ( Maß für systematische Fehler, Bias error )
- Präzision: Fähigkeit, unter gleichen Bedingungen den gleichen Messwert zu produzieren
   ( Maß für zufällige Fehler, random error )





### Begriffe: Genauigkeit, Präzision



